

---

# Artificial Intelligence

---

ดร.บุญเสริม กิจศิริกุล

ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

# 1. Introduction

---

## Definition

Artificial Intelligence is the study of how to make computers do things at which, at the moment, people are better.

# Intelligent behavior

---

- Learn or understand from experience
- Make sense out of ambiguous or contradictory messages
- Respond quickly and successfully to a new situation
- Use reason in solving problems and directing conduct effectively
- Deal with perplexing situations
- Understand and infer in ordinary, rational ways
- Apply knowledge to manipulate the environment
- Acquire and apply knowledge
- Think and reason

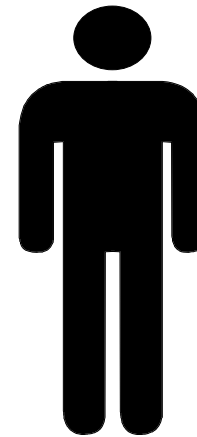
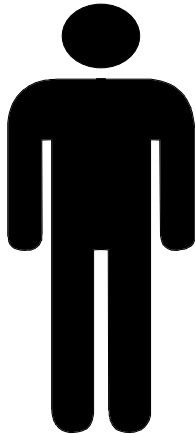
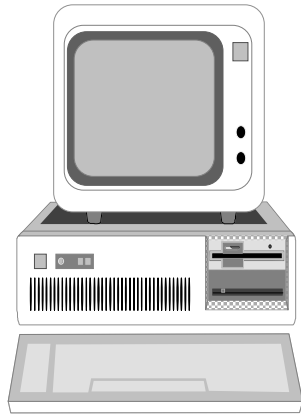
# Turing Test

---

- เราจะรู้ได้อย่างไรว่าเครื่องสามารถคิดเองได้  
Alan Turing เสนอวิธีที่เรียกว่า Turing Test
- ใช้คน 2 คนและเครื่อง 1 เครื่อง
- คนแรกเป็นผู้ตั้งคำถามโดยใช้คีย์บอร์ดและจอภาพ  
ซึ่งผู้ถามนี้จะอยู่ห้องแยกจากเครื่องและคนที่สอง
- ผู้ถามต้องแยกให้ได้ว่าคำตอบที่มาจากอีกห้องหนึ่ง  
นั้นเป็นของใคร

# Turing Test (cont.)

---



# Chinese Room

---

- นาย A เป็นคนอังกฤษ(พูดภาษาอังกฤษได้ภาษาเดียว)
- A อยู่ในห้อง ๆ หนึ่งซึ่งมีกฎสำหรับแปลอักษรจีนชุดหนึ่ง ๆ ไปเป็นอักษรจีนชุดใหม่
- A รับอักษรจีนจากภายนอกเข้ามาแปล
- A ใช้กฎที่มีอยู่สร้างอักษรชุดใหม่แล้วส่งออกไป  
(input และ output อาจเป็นคำถามและคำตอบ)
- ถ้าการแปลถูกตั้งจะพูดได้ใหม่ว่า "Aฉลาด", "Aเข้าใจอักษรจีน"

# Applications of AI

---

- Natural Language Processing
- Intelligent Retrieval from Databases
- Expert Systems
- Theorem Proving
- Robotics
- Automatic Programming
- Scheduling Problems
- Perception Problems

# Definitions of AI

---

- The goal of work in AI is to build machines that performs tasks normally requiring human intelligence
- Research scientists in AI try to get machines to exhibit behavior that we call intelligent behavior when we observe it in human beings
- The capability of a device to perform functions that are normally associated with human intelligence, such as reasoning, learning and self-improvement.
- AI is the science of making machines do things that would required intelligence if done by men



## Definitions of AI (cont.)

---

- The field commonly called AI may, perhaps, be described as the totality of attempts to make and understand machines that are able to perform tasks that, until recently, only human beings could perform and to perform them with effectiveness and speed comparable to a human
- AI is defined generally as the attempt to construct mechanisms that perform tasks requiring intelligence when performed by humans

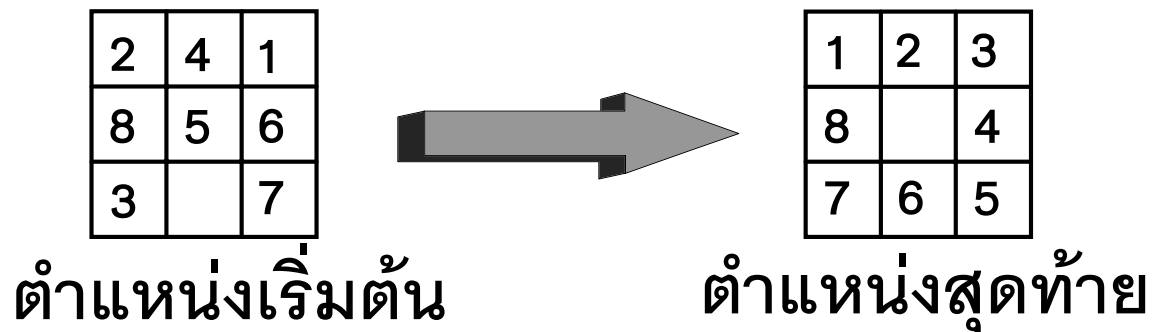
## 2. Problems, Problem Spaces and Search

---

- สิ่งที่ต้องทำในการแก้ปัญหาหนึ่ง ๆ คือ
  1. นิยามปัญหาอย่างชัดเจน แสดงสถานการณ์ปัจจุบัน (initial situation), สถานการณ์สุดท้าย (final situation) หรือคำตอบของปัญหา
  2. วิเคราะห์ปัญหา
  3. หาความรู้ที่ใช้ในการแก้ปัญหาว่ามีอะไรบ้าง
  4. เลือกเทคนิคแก้ปัญหาที่เหมาะสม

## 2.1 นิยามปัญหาในรูปของState Space Search

ปัญหา 8-Puzzle: 8-Puzzle ประกอบด้วยขนาด 3x3 ซึ่งภายในบรรจุแผ่นป้ายขนาด 1x1 จำนวน 8 แผ่นในแต่ละแผ่นจะมีหมายเลขแสดง และมีช่องว่างอยู่ 1 ช่องที่แผ่นป้ายสามารถเลื่อนเข้ามาแทนที่ได้ ปัญหาคือให้เลื่อนแผ่นป้ายเหล่านี้จากตำแหน่งเริ่มต้นให้เป็นตำแหน่งสุดท้ายซึ่งเป็นคำตอบ



# State Space Search

---

- ในการนิยามปัญหาในรูปของ state space search นั้น
  - นิยาม state space แสดง objects ทั้งหมดที่เกี่ยวข้องกับปัญหา
  - เราให้ initial state แทนตำแหน่งเริ่มต้นและ final state (goal state) แทนตำแหน่งสุดท้าย
  - หากกฎที่ใช้เปลี่ยน state จาก state หนึ่งไปอีก state หนึ่ง เราเรียกกฎเหล่านี้ว่า operators
  - ใช้เทคนิคของ search ในการเปลี่ยนจาก initial state ไปยัง goal state

# State Space Search (cont.)

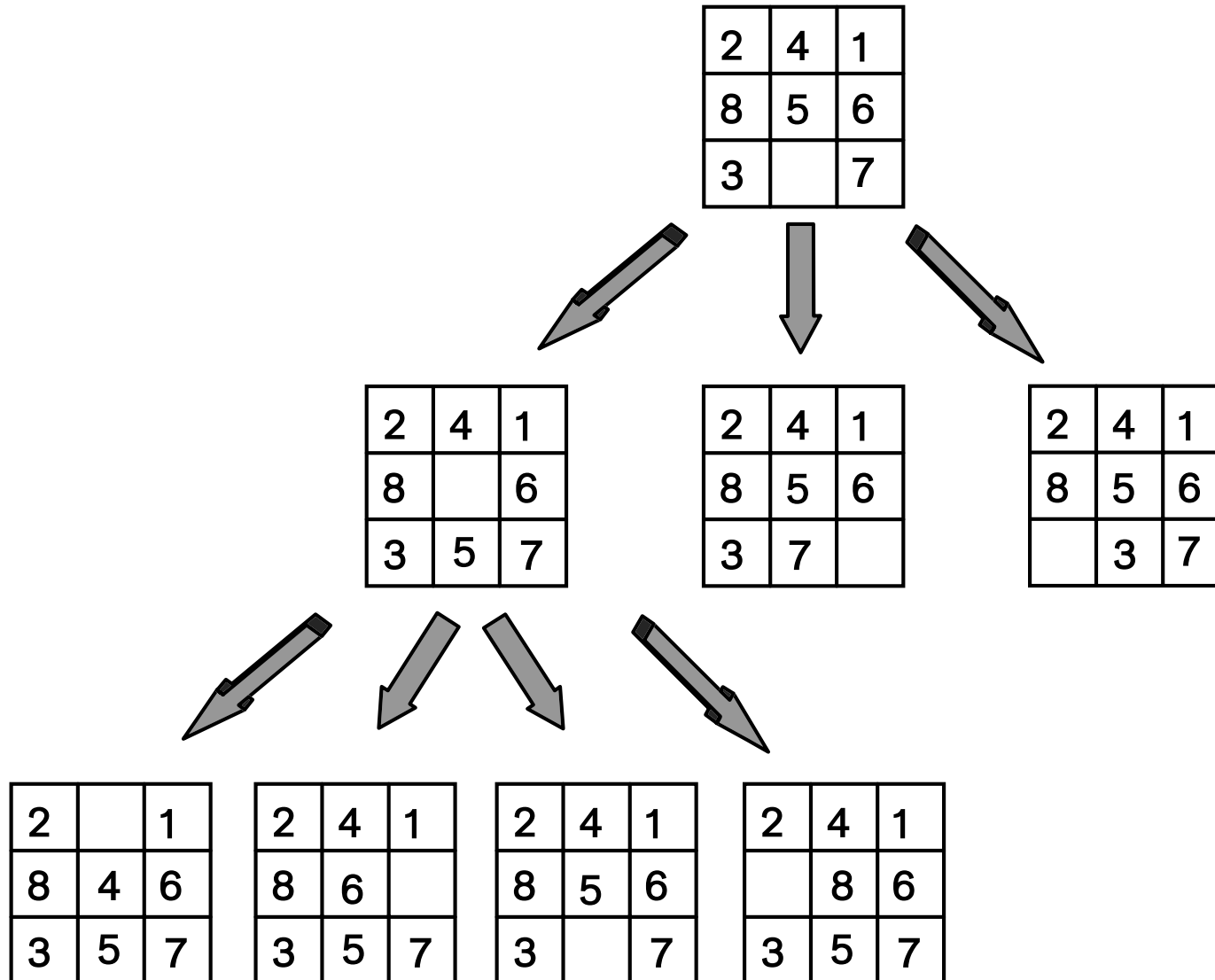
---

## Operatorsของ8-Puzzle

- แผ่นป้ายหนึ่ง ๆ จะเลื่อนมาที่ช่องว่างได้ถ้าอยู่ติดกับช่องว่าง และ state จะเปลี่ยนจาก state เดิมไปยัง state ใหม่ซึ่งตำแหน่งของแผ่นป้ายสลับที่กับตำแหน่งของช่องว่าง
- 1 ด้านบนของช่องว่างมีแผ่นป้าย -> สลับตำแหน่งของช่องว่างกับแผ่นป้าย
  - 2 ด้านขวาของช่องว่างมีแผ่นป้าย -> สลับตำแหน่งของช่องว่างกับแผ่นป้าย
  - 3 ด้านล่างของช่องว่างมีแผ่นป้าย -> สลับตำแหน่งของช่องว่างกับแผ่นป้าย
  - 4 ด้านซ้ายของช่องว่างมีแผ่นป้าย -> สลับตำแหน่งของช่องว่างกับแผ่นป้าย

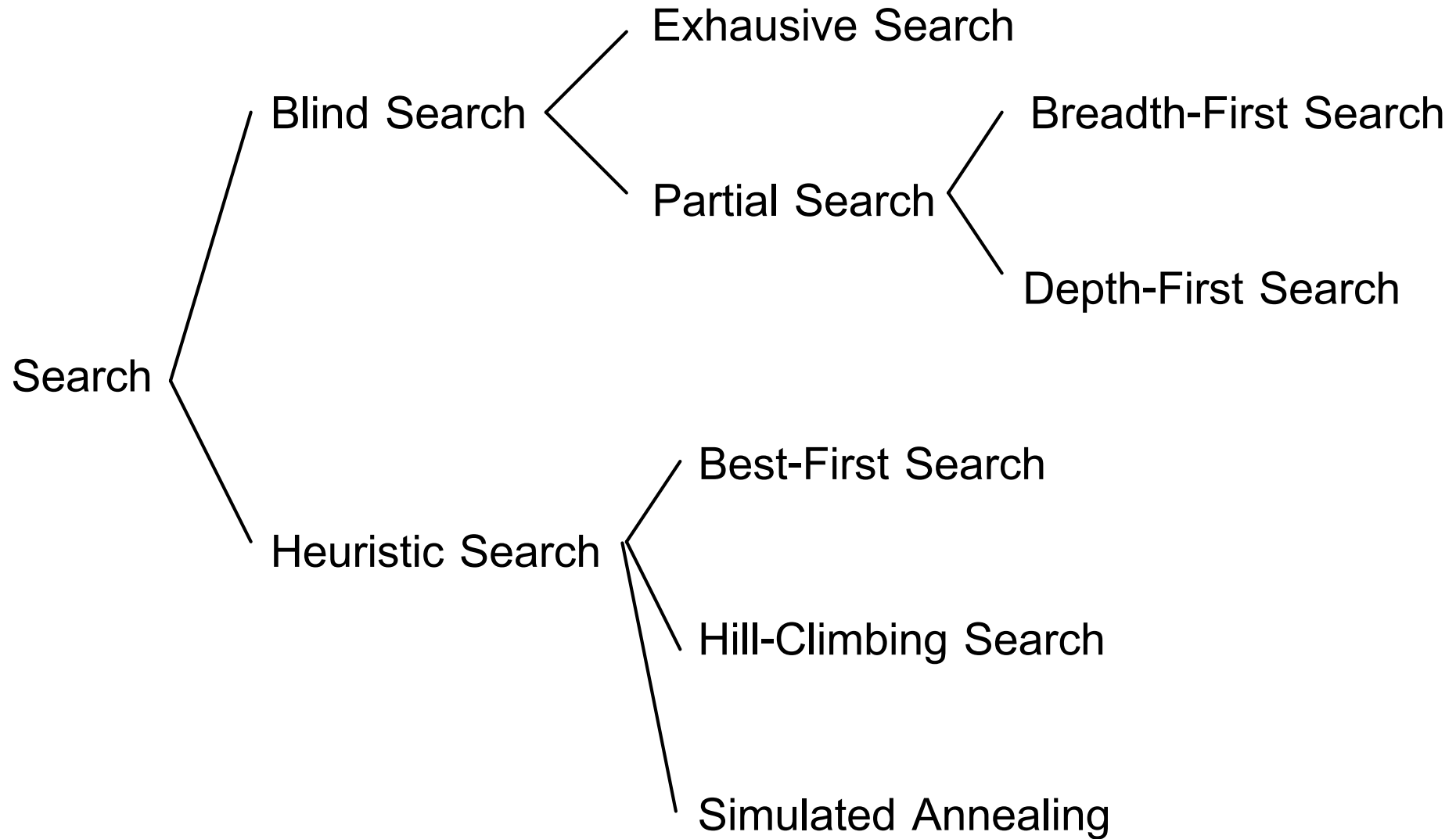
# State Space Search (cont.)

---



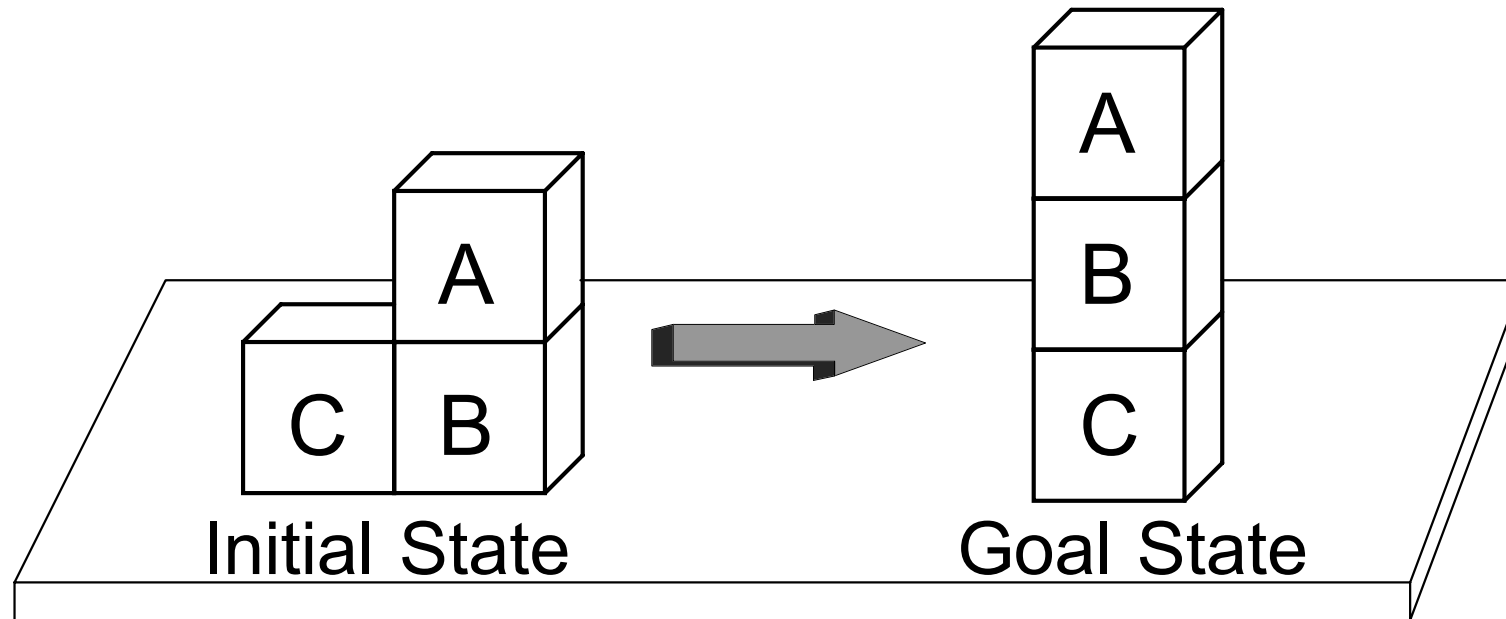
## 2.2 Search Techniques in AI

---



# Block World Problem

---



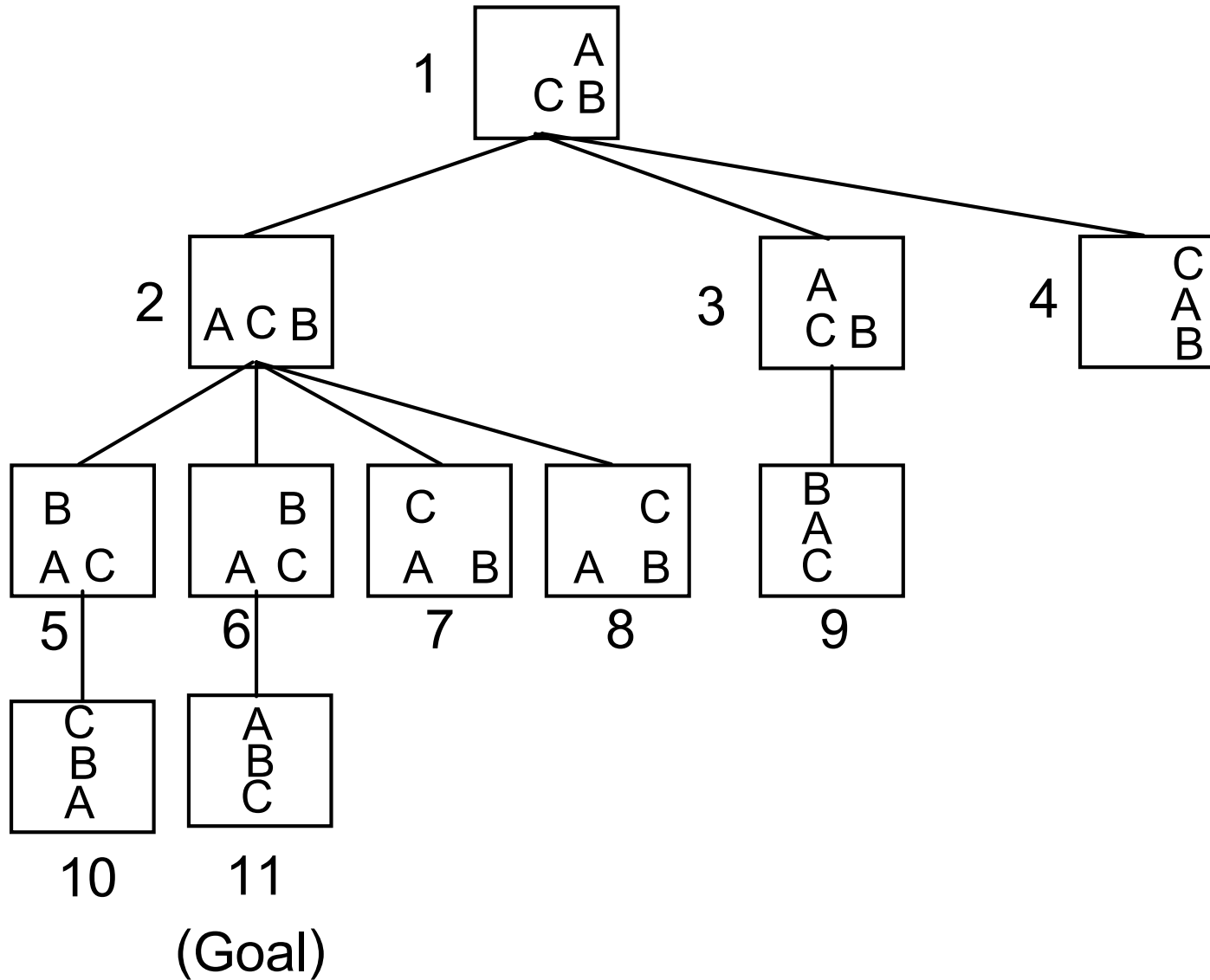
## Operators

1. block X ไม่มี block อื่นทับ -> วาง X บนโต๊ะ
2. block X และ Y ไม่มี block อื่นทับ -> วาง X บน Y



# BFS of Block World Problem

---



# Breadth-First Search

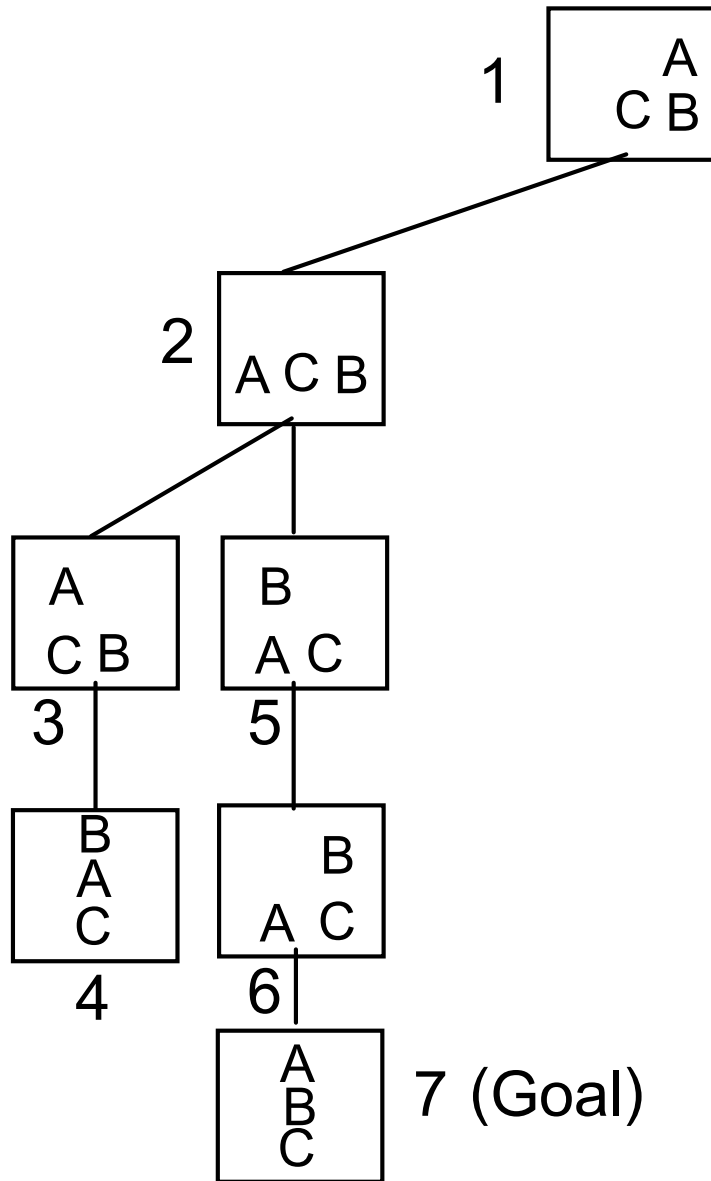
---

## Algorithm Breath-First Search

1. NODE-LIST := {initial state}
2. *UNTIL* ค้นพบ goal state หรือ NODE-LIST ว่าง *DO*
  - 2.1 ดึงสมาชิกตัวแรก(ให้ชื่อว่า E)ออกจาก NODE-LIST
  - 2.2 *FOR EACH* operator ที่ match กับ E *DO*
    - 2.2.1 ใช้ operator นั้นสร้าง state ใหม่
    - 2.2.2 *IF* state ใหม่เป็น goal state *THEN* quit และคืนค่า state นี้
    - ELSE* เพิ่ม state ใหม่นี้เข้าที่ท้ายของ NODE-LIST

# DFS of Block World Problem

---



# Depth-First Search

---

## Algorithm Depth-First Search

1. *IF* initial state=goal state *THEN* quit และคืนค่า success

*ELSE UNTIL* success หรือ failure *DO*

1.1 สร้าง successor (ให้ชื่อว่า E) ของ initial state

โดย operator

*IF* ไม่มี successor *THEN* คืนค่า failure

1.2 เรียก Depth-First Search โดยให้ E เป็น initial state

1.3 *IF* มีการคืนค่าของ success *THEN* คืนค่า success

*ELSE* ทำซ้ำลูปนี้

# Comparison Between BFS and DFS

---

## ข้อดีของDepth-First Search

- ใช้ memory น้อยกว่า Breadth-First Search เพราะว่า states ใน current path เท่านั้นที่ถูกเก็บ
- ถ้าโชคดี Depth-First Search จะพบคำตอบโดยไม่ต้องค้นหา space มากเกินความจำเป็น แต่ถ้าเป็น Breadth-First Search states ที่ระดับ  $n+1$  จะถูกกระจายออกมาก็ต่อเมื่อ states ที่ระดับ  $n$  ทุกตัวถูกกระจายหมดแล้วเท่านั้น

# Comparison Between BFS and DFS (Cont.)

---

## ข้อดีของ Breadth-First Search

- จะไม่ติด path ที่ลึกมาก ๆ โดยไม่พบคำตอบ
- ถ้ามีคำตอบ Breadth-First Search ประกันได้ว่า จะพบคำตอบแน่ ๆ และจะได้ path ที่สั้นที่สุดด้วย (สมมุติว่าระยะห่างหรือ cost ระหว่าง 2 states ใด ๆ มีค่าเท่ากันหมด)
- สาเหตุที่สามารถรับประกันอย่างนี้ได้เพราะ paths ที่ยาวกว่าจะไม่ถูกกระจายออกมา ถ้า paths ที่สั้นกว่ายังกระจายไม่หมดทุก paths

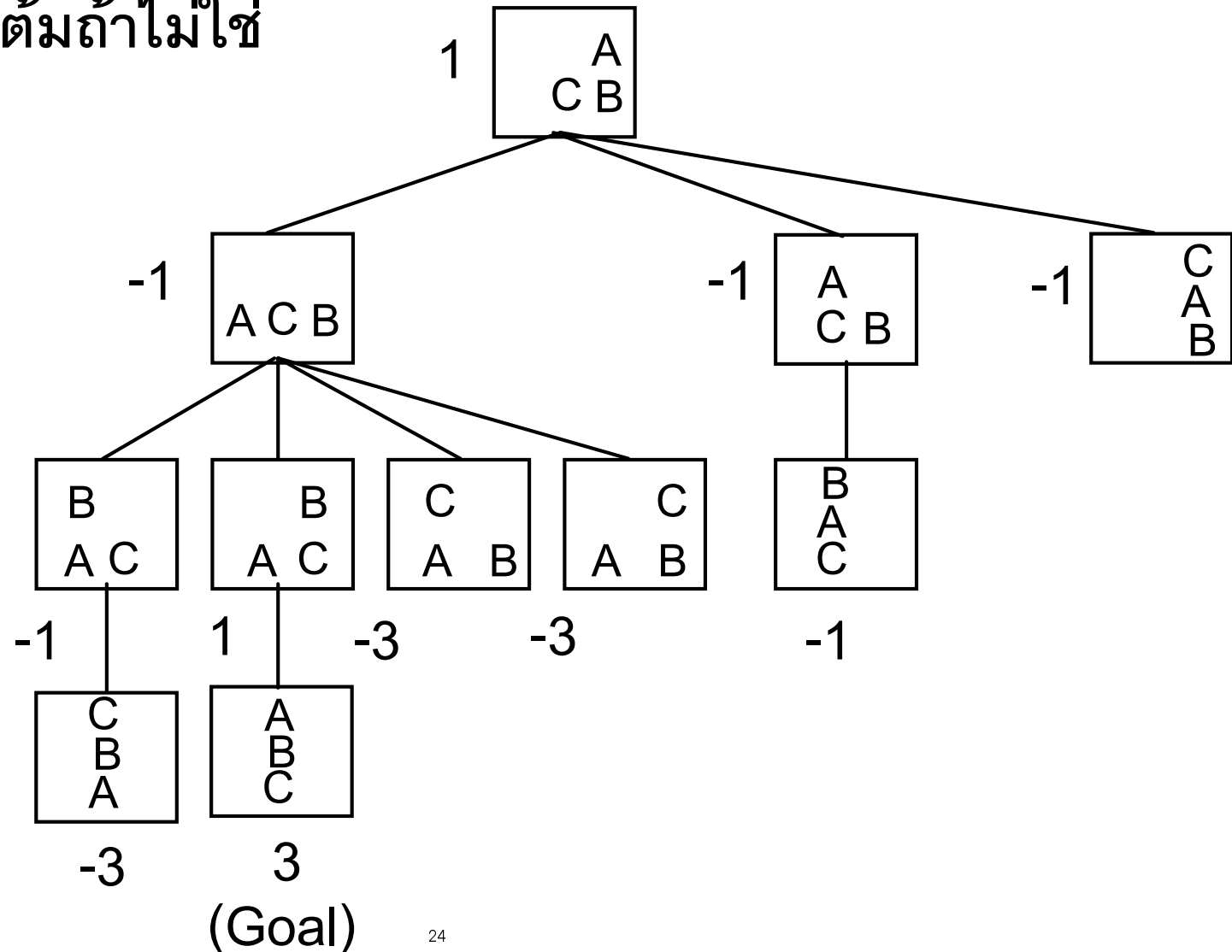
# Heuristic Search

---

- Heuristic เป็นเทคนิคที่ใช้เพิ่มประสิทธิภาพของกระบวนการ search โดยยอมให้ขาดความสมบูรณ์ (completeness) คืออาจไม่พบคำตอบ
- Heuristic function เป็นฟังก์ชันที่ map จาก state ไปยังตัวเลขที่ชี้ว่า state นี้เข้าใกล้ goal state มากเท่าไร (ยิ่งมากเท่าไรยิ่งมีโอกาสที่จะเปลี่ยนเป็น goal state มากเท่านั้น)
- Heuristic เป็นสิ่งที่ใช้โกลด์ search ว่าควรจะค้นหาไปในทิศทางใด
- ถ้า heuristic function ดี เราจะไม่ต้องกระจาย state ที่ไม่จำเป็นในการนำไปสู่ goal state เลย
- แต่ถ้าไม่ดีอาจทำให้กระบวนการ search หลงไปในทิศทางที่ผิดได้

# Examples of Heuristic Functions

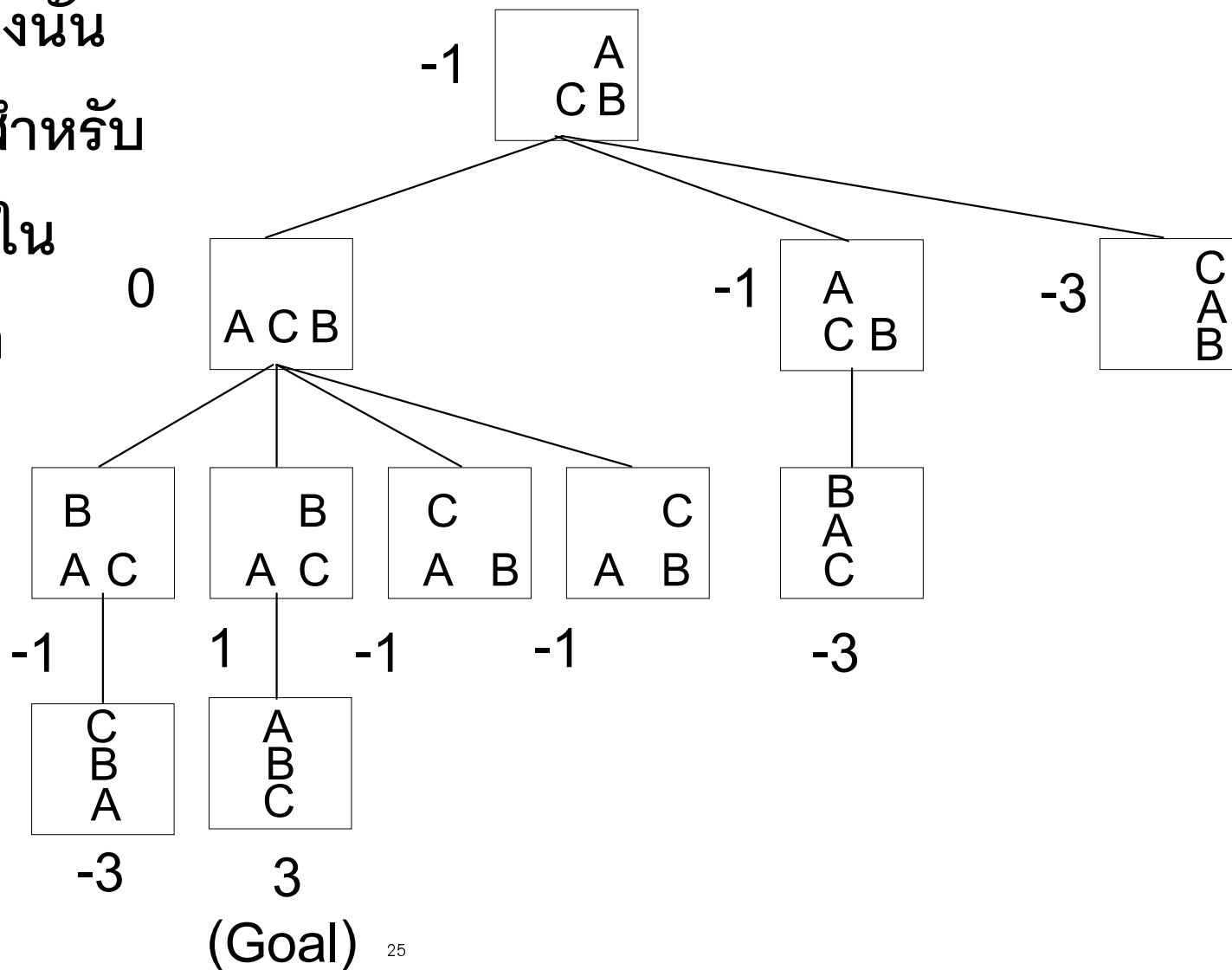
h1 : บวก1แต้มให้กับทุกblockที่วางอยู่บนสิ่งที่มันควรอยู่  
และลบ1แต้มถ้าไม่ใช่





# Examples of Heuristic Functions

h2 : สำหรับทุกblocksที่อยู่บนโครงสร้างที่ถูก บวก1แต้มให้กับทุกblocksที่อยู่ในโครงสร้างนั้น และลบ1แต้มสำหรับทุกblocksที่อยู่ในโครงสร้างที่ผิด



# Examples of Heuristic Functions

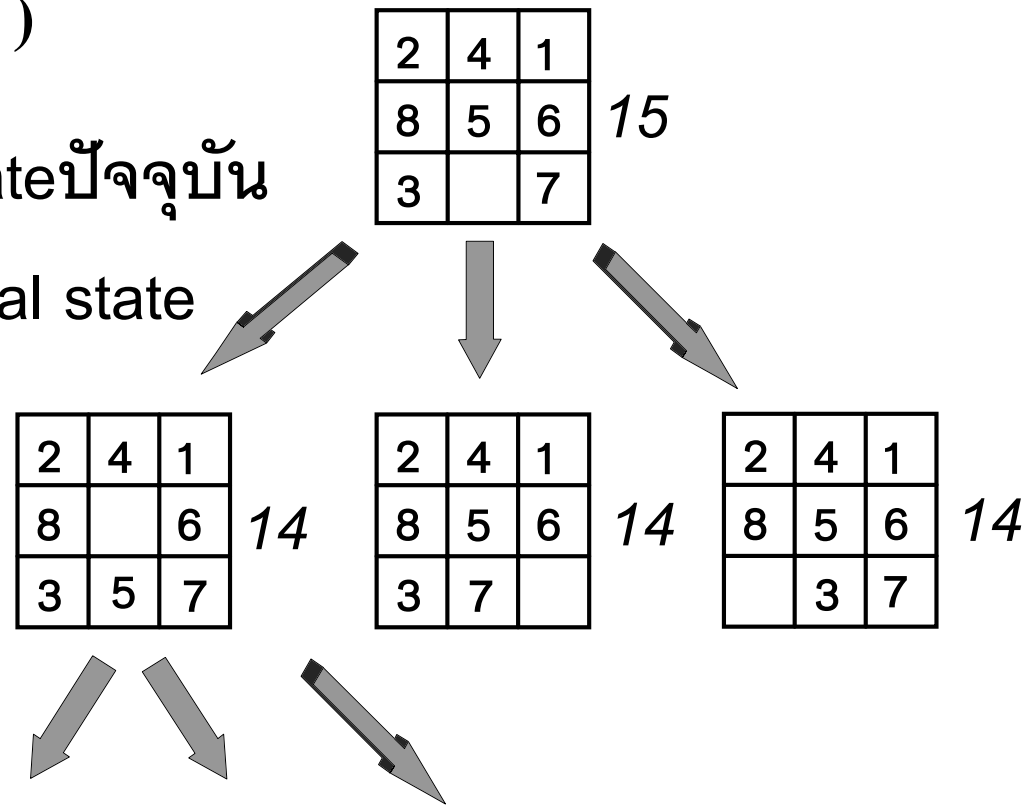
$$h = \sum_{i=1}^8 d_x(c_i, g_i) + \sum_{i=1}^8 d_y(c_i, g_i)$$

$c_i$  - co-ordinate ของแผ่นป้าย  $i$  ที่ state ปัจจุบัน

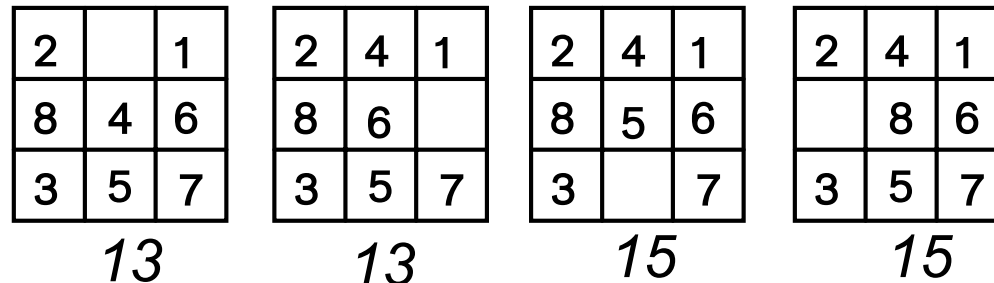
$g_i$  - co-ordinate ของแผ่นป้าย  $i$  ที่ goal state

$d_x$  - ระยะห่างของ  $c_i$  กับ  $g_i$  ตามแกน x

$d_y$  - ระยะห่างของ  $c_i$  กับ  $g_i$  ตามแกน y

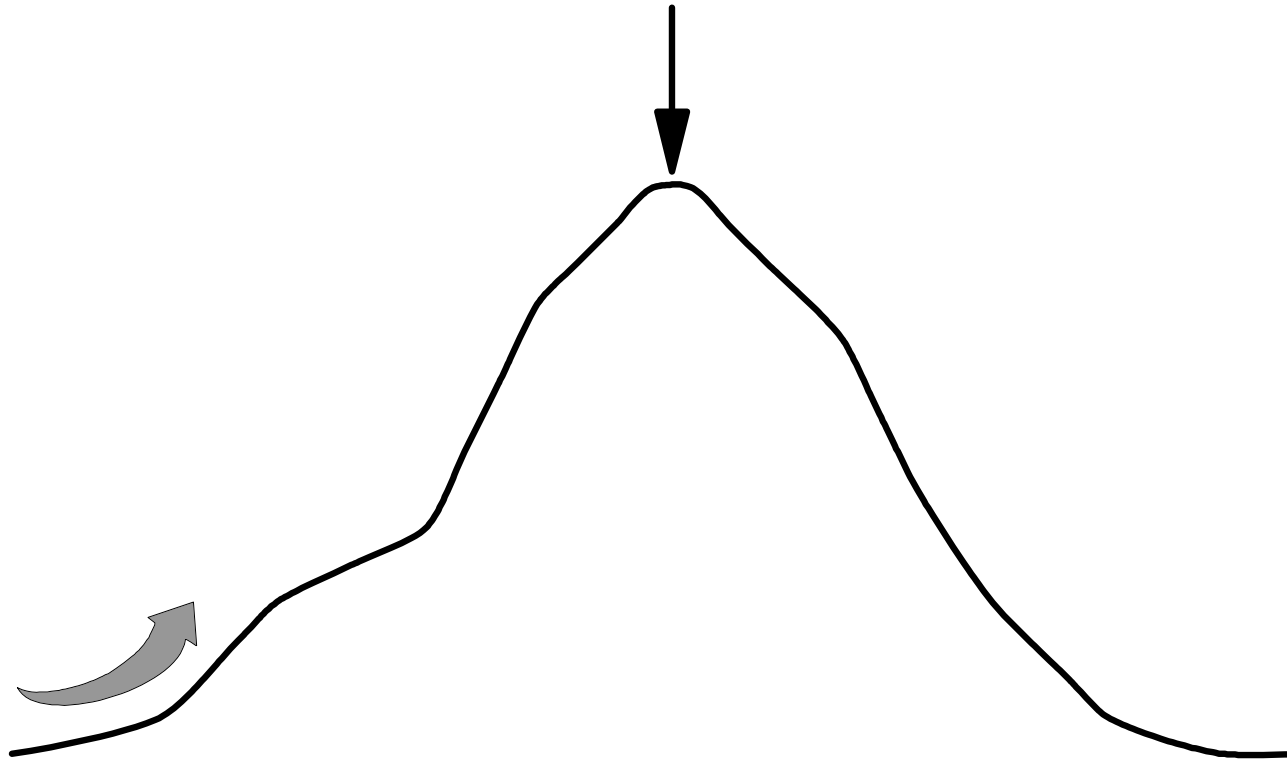


\* กรณีนี้ค่า  $h$  ยิ่งน้อยยิ่งดี  
(ต้องการ minimize)

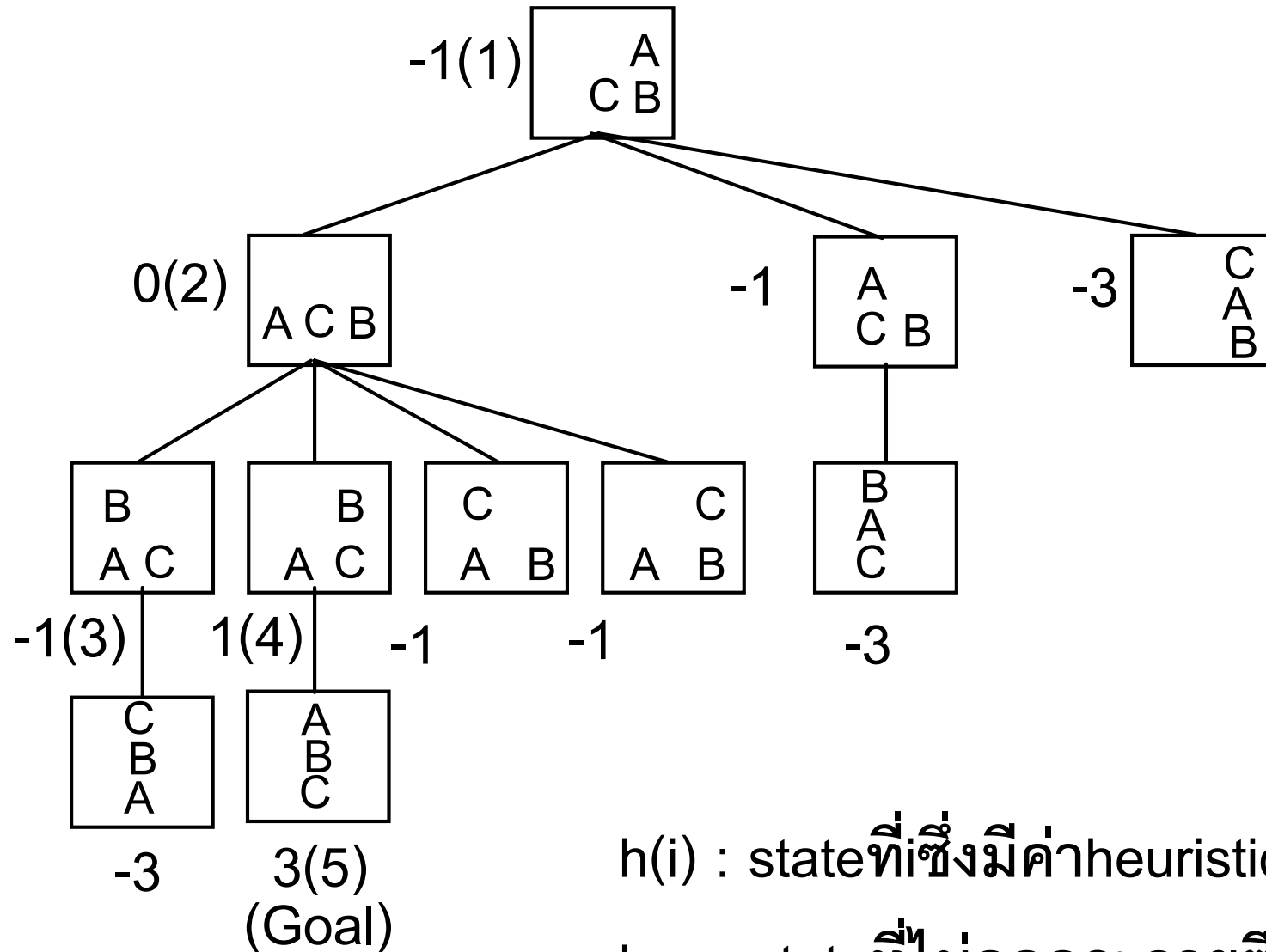


# Hill Climbing

---



# An Example of Hill Climbing



$h(i)$  : state ที่ซึ่งมีค่า heuristic เท่ากับ  $h$

$k$  : state ที่ไม่ถูกกระจายซึ่งมีค่าเท่ากับ  $k$

# Hill Climbing

---

## Algorithm Simple Hill Climbing

### 1. Evaluate initial state

*IF* initial state=goal state *THEN* คืนค่า initial state และ quit

*ELSE* current state := initial state

### 2. *UNTIL* พบgoal state หรือ ไม่มี operator ที่ใช้เปลี่ยน current state ได้ *DO*

2.1 เลือก operator ที่ยังไม่ได้ใช้กับ current state เพื่อผลิต new state

#### 2.2 Evaluate new state

*IF* new state=goal state *THEN* คืนค่า new state และ quit

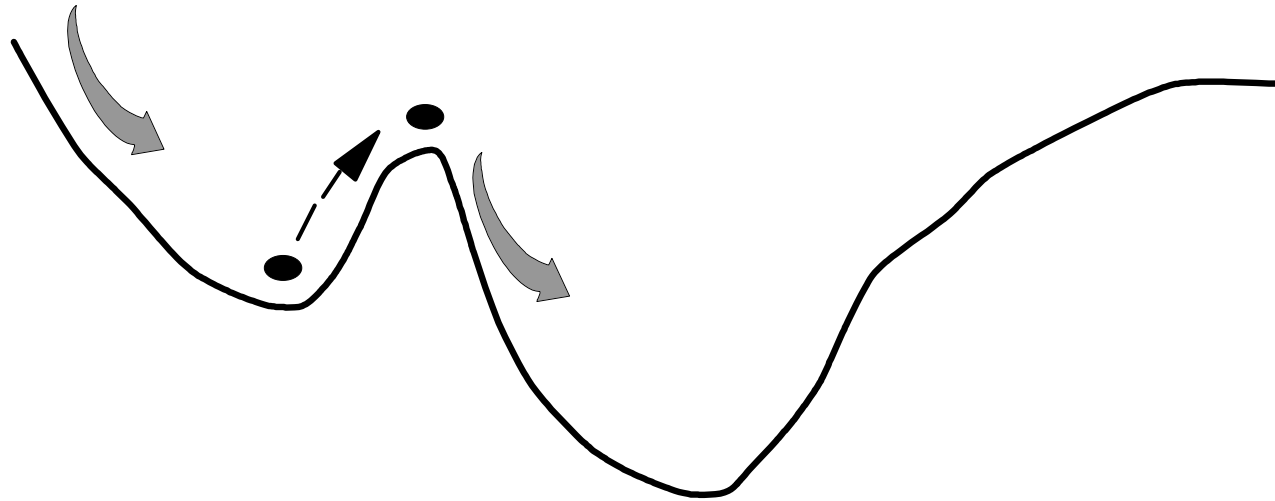
*ELSE IF* ค่า heuristic ของ new state ดีกว่า

*THEN* current state := new state

*ELSE IF* ค่า heuristic ของ new state ไม่ดีกว่า *THEN* ทำต่อ

# Simulated Annealing

---



- เป็น variation หนึ่งของ hill climbing ซึ่งยอมให้ search ไปในทางที่
- ไม่ดีในช่วงเริ่มต้นของกระบวนการ search
- เป็น simulation ของ annealing ใน physics ซึ่งเป็นกระบวนการหลอมละลายของของแข็งจากจุดที่อุณหภูมิสูงและค่อยๆ เย็นลง แล้วจึงเข้าสู่สภาวะสุดท้ายซึ่งเป็นสภาวะที่มีพลังงานต่ำสุด

# Simulated Annealing

---

- โดยทั่วไปสสารจะเปลี่ยนจาก higher energy state ไป lower energy state แต่ก็มีควมน่าจะเป็น(p)ที่จะเป็นจาก lower energy state ไป higher energy state ตาม

$$p = e^{-\Delta E / kT}$$

โดยที่  $\Delta E$  คือ ระดับพลังงานที่เปลี่ยน(มีค่าเป็นตัวเลขบวก)

T คือ อุณหภูมิ

k คือ ค่าคงที่

- ให้ความน่าจะเป็นที่ search จะไปในทิศทางที่ไม่ดีด้วยความน่าจะเป็น

$$p = e^{-\Delta E / T}$$

โดยที่  $\Delta E$  คือ ค่าของheuristicที่เปลี่ยนไป,

T คือ อุณหภูมิ(annealing schedule)

# Simulated Annealing

---

## Algorithm Simulated Annealing

### 1. Evaluate initial state

*IF* initial state=goal state *THEN* คืนค่า initial state และ quit

*ELSE* current state := initial state

### 2. BEST-SO-FAR := current state

### 3. T := constant

### 4. *UNTIL* พบคำตอบ หรือ ไม่มี operator ที่ใช้เปลี่ยน current state ได้ *DO*

4.1 เลือก operator ที่ยังไม่ได้ใช้กับ current state เพื่อผลิต new state

4.2 Evaluate new state



# Simulated Annealing

---

$dE := (\text{ค่า heuristic ของ current state}) - (\text{ค่า heuristic ของ new state})$

*IF* new state = goal state *THEN* คืนค่า new state และ quit

*ELSE IF* ค่า heuristic ของ new state ดีกว่าของ current state

*THEN* current state := new state;

*IF* ค่า heuristic ของ new state ดีกว่าของ BEST-SO-FAR

*THEN* BEST-SO-FAR := new state

*ELSE* ให้ current state มีค่าเป็น new state ด้วยความน่าจะเป็น  
เท่ากับ  $p$

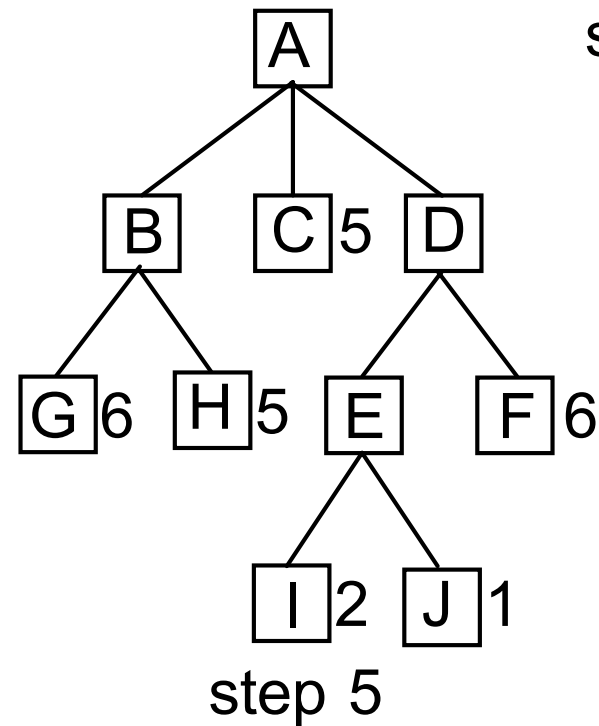
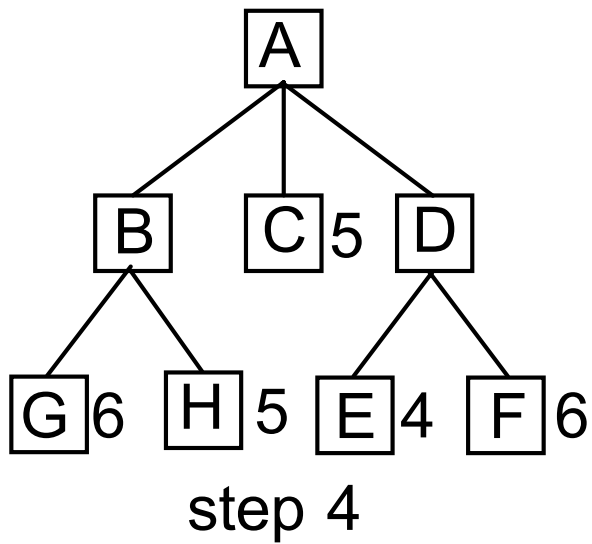
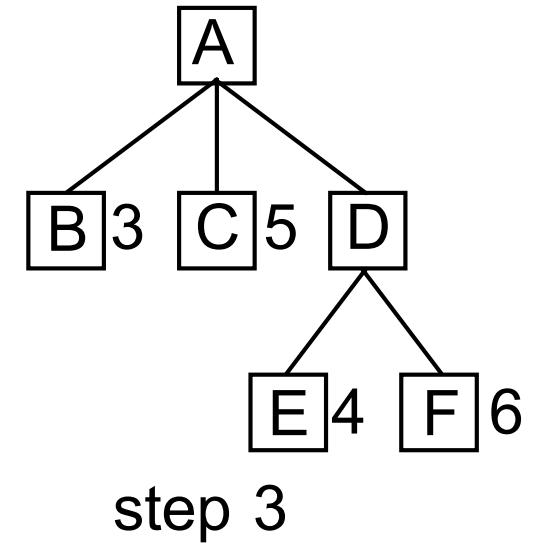
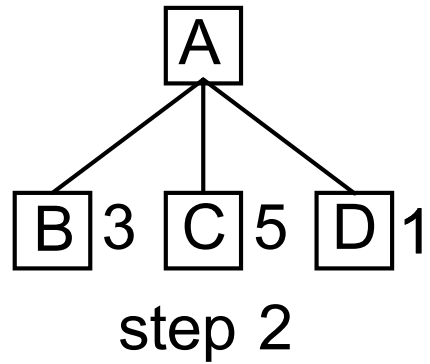
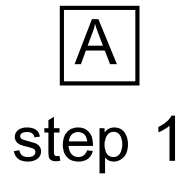
*IF*  $p$  มีค่ามากกว่าค่า  $\text{random}(0 \text{ ถึง } 1)$

*THEN* current state := new state

4.3 เปลี่ยนค่า  $T$  ตามความจำเป็น

5. คืนค่า BEST-SO-FAR เป็นคำตอบ

# Best-First Search



\* ต้องการ minimize

# Best-First Search

---

## Algorithm Best-First Search

1. OPEN := {initial state}
2. *UNTIL* พบ goal state หรือ ไม่มี state เหลืออยู่ใน OPEN *DO*
  - 2.1 ดึง state ที่มีค่า heuristic ดีที่สุดออกจาก OPEN และให้ชื่อว่า X
  - 2.2 *IF* (X=goal state) *THEN* คืนค่า X เป็นคำตอบ
  - 2.3 สร้าง successors ของ state นั้น
  - 2.4 *FOR EACH* successor *DO*
    - 2.4.1 *IF* successor ยังไม่เคยถูกสร้างขึ้นมาแล้ว *THEN*  
    เติม successor ใส่ใน OPEN และจำ parent state ไว้
    - 2.4.2 *IF* successor เคยถูกสร้างขึ้นมาแล้วและ path ใหม่ดีกว่าเดิม  
    *THEN* เปลี่ยน parent state และ update cost ใหม่

# Best-First Search

---

- Best-First Search ทำงานคล้ายกับ hill-climbing โดยมีข้อแตกต่างคือ
  - ในกรณีของ hill-climbing จะเลือก state ที่ดีที่สุดและเดินไปทางนั้น โดยที่ states อื่น ๆ ที่ถูกสร้างจาก parent state เดียวกันจะถูกทิ้งไป แต่ในกรณีของ Best-First Search จะเก็บ states เหล่านี้ไว้ เพื่อใช้ในอนาคต เมื่อ path ที่เดินไปไม่ดีเท่า states เหล่านี้
  - Hill-climbing จะหยุดเมื่อ successors มีค่าไม่ดีเท่า current state แต่ในกรณีของ Best-First Search state ที่มีค่า heuristic ดีที่สุดในปัจจุบันจะถูกเลือกแม้ว่าจะมีค่าไม่ดีเท่า state ที่เคยเลือกก็ตาม

# A\* Algorithm

---

- Best-First Search เป็น algorithm อย่างง่ายของ algorithm A\*
- ในบางปัญหาเราแยก heuristic function ( $f'$  -- เป็นฟังก์ชันโดยประมาณของ  $f$  ซึ่งเป็นฟังก์ชันจริงที่ไม่รู้) ของ state  $s$  ใด ๆ ออกเป็น 2 ส่วนคือ

$$f'(s) = g(s) + h'(s)$$

โดยที่  $g$  คือฟังก์ชันที่คำนวณ cost จาก initial state ถึง current state

$h'$  คือฟังก์ชันที่ประมาณ (estimate) cost จาก current state ถึง goal state

$f'$  จึงเป็นฟังก์ชันที่ประมาณ cost จาก initial state ถึง goal state  
(state ที่ดี  $f'$  จะมีค่าน้อย)

# A\* Algorithm

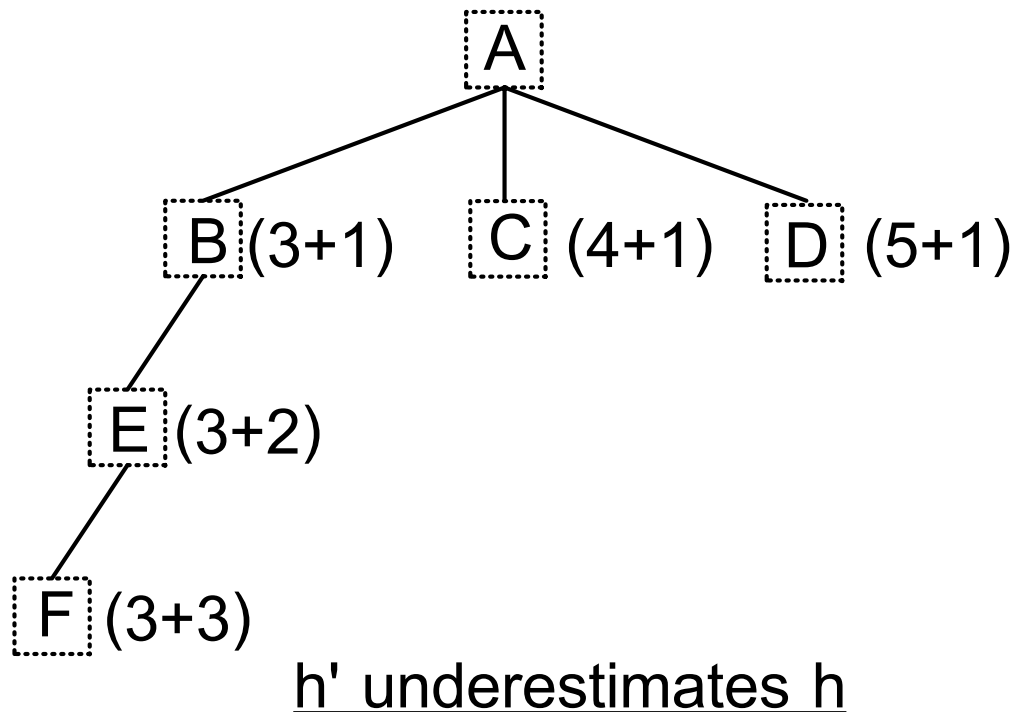
---

## จุดเด่นของA\*ที่แตกต่างจากBest-First Search

- การใช้  $g$  ร่วมในการประมาณค่า'ทำให้การเลือก state ไม่เพียงพิจารณาแค่ค่า state ดีเท่าไร(ซึ่งประมาณจาก $h'$ ) แต่ยังรวมไปถึงว่า path ที่นำไปสู่ state ดีแค่ไหนด้วย
- โดยการใช้  $g$  state ที่ประมาณว่าไกล goal stateมากที่สุดอาจจะไม่ถูกกระจายก็ได้
- โดยปกติ A\*จะหาคำตอบซึ่งpathที่นำไปสู่คำตอบเสีย cost น้อยที่สุด
- ถ้าให้  $g$  ของทุก state เป็น 0 state ที่ใกล้ goal state จะถูกกระจายก่อน
- ถ้าต้องการหาคำตอบโดยให้ step น้อยที่สุด ก็ให้  $g$  ของทุก step เป็น 1

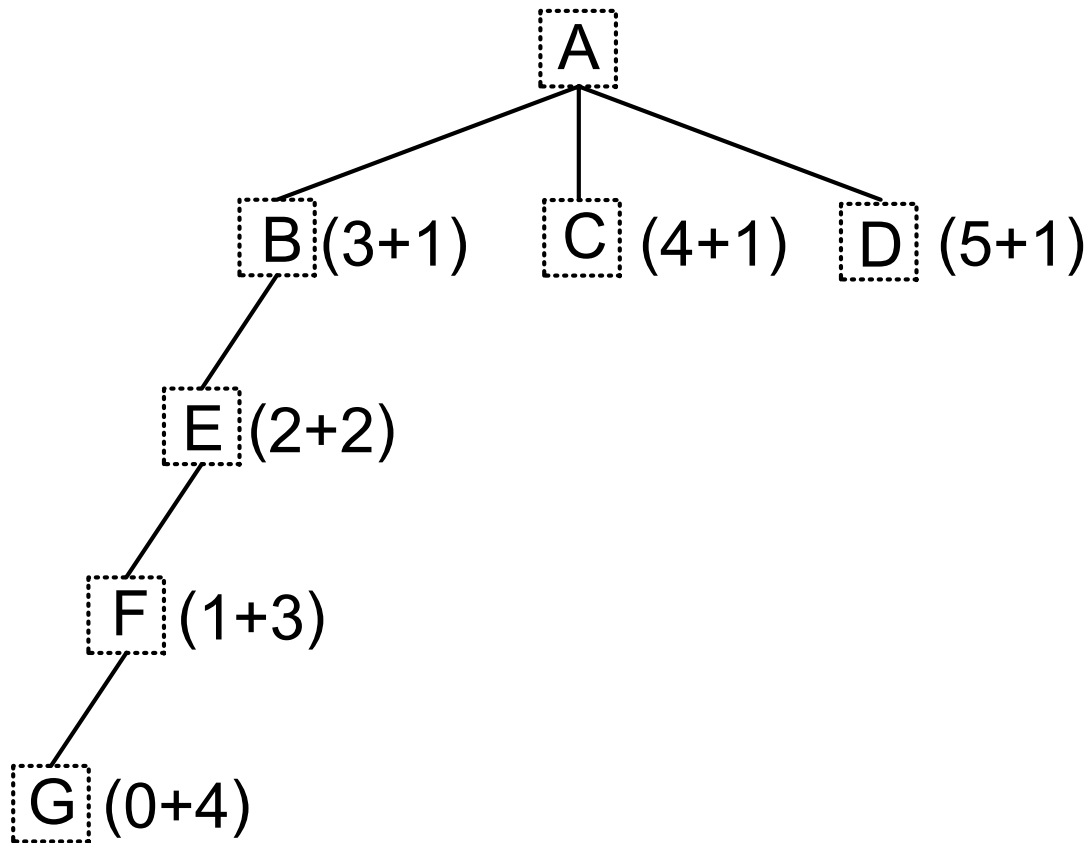
# A\* Algorithm

- ถ้า  $h'$  เป็น under-estimating function ของ  $h$  (ฟังก์ชันที่คิ่้นค่า cost จาก current state ถึง goal state ซึ่งค่าที่คิ่้นนั้นถูกต้องเสมอ) เราประกันได้ว่า path ที่ได้จาก A\* นั้นเป็น optimal path



# A\* Algorithm

---



h' overestimates h



# Means-Ends Analysis

---

- Means-ends analysis เป็นเทคนิคในการแก้ปัญหาแบบหนึ่ง ซึ่งแตกต่างจาก state-space search ตรงที่วิธีเลือก path ต่อไปที่จะลองกระจาย
- สมมุติฐานของวิธีนี้คือ
  - สามารถนิยามความแตกต่าง(difference)ระหว่าง current state กับ goal state
  - สามารถแบ่ง operators ตามประเภทของความแตกต่างซึ่ง operators เหล่านี้สามารถทำให้ลดลงหรือหมดไป
- เมื่อพบความแตกต่างระหว่าง current state กับ goal state แล้ว operator ที่สามารถลดความแตกต่างจะถูกเลือก

# Means-Ends Analysis

---

- ในกรณีที่ไม่สามารถใช้ operator ได้โดยตรง จะตั้ง subproblem ใหม่ที่สามารถใช้ operator นี้
- โปรแกรมทางAIที่ใช้ means-ends analysis ตัวแรกคือ General Problem Solver(GPS)
- Means-ends analysis จะต้องมีเซตของ rules ที่จะเปลี่ยน state หนึ่ง ๆ ไป state ใหม่และมีโครงสร้างข้อมูลที่เรียกว่า difference table
- Operator ประกอบด้วย
  - precondition : เงื่อนไขที่จะใช้ operator
  - result : อธิบาย state ใหม่ที่เปลี่ยนไปจากเดิมหลังจากใช้ operator
- Difference table ใช้กำหนด operator ที่สามารถลดความแตกต่างที่ให้มา

# Means-Ends Analysis (Example)

---

## ตัวอย่างปัญหา :

- หุ่นยนต์(robot)ต้องการเคลื่อนย้ายโต๊ะ(desk)ที่มีสิ่งของ 2 อย่างอยู่ข้างบนจากห้องหนึ่งไปอีกห้องหนึ่ง และสิ่งของทั้ง2ต้องถูกย้ายไปด้วย
- Operator และ difference table ที่ใช้แสดงในรูปแบบหน้าถัดไป
- ความแตกต่างที่สำคัญระหว่าง start state และ goal state คือตำแหน่งของโต๊ะ ซึ่งอาจลดได้โดย PUSH หรือ CARRY
- ถ้าเลือก CARRY, จะเกิด subgoals คือ  $at(robot,desk) \wedge small(desk)$  ซึ่ง subgoal  $at(robot,desk)$  ทำสำเร็จโดย WALK แต่ subgoal  $small(desk)$  ไม่สามารถทำให้สำเร็จได้

# ตัวอย่าง Operators ใน Means-Ends Analysis

---

<i>Operator</i>	<i>Precondition</i>	<i>Results</i>
PUSH(obj,loc)	at(robot,obj) $\wedge$ large(obj) $\wedge$ clear(obj) $\wedge$ armempty	at(obj,loc) $\wedge$ at(robot,loc)
CARRY(obj,loc)	at(robot,obj) $\wedge$ small(obj)	at(obj,loc) $\wedge$ at(robot,loc)
WALK(loc)	none	at(robot,loc)
PICKUP(obj)	at(robot,obj)	holding(obj)
PUTDOWN(obj)	holding(obj)	$\neg$ holding(obj)
PLACE(obj1,obj2)	at(robot,obj2) $\wedge$ holding(obj1)	on(obj1,obj2)

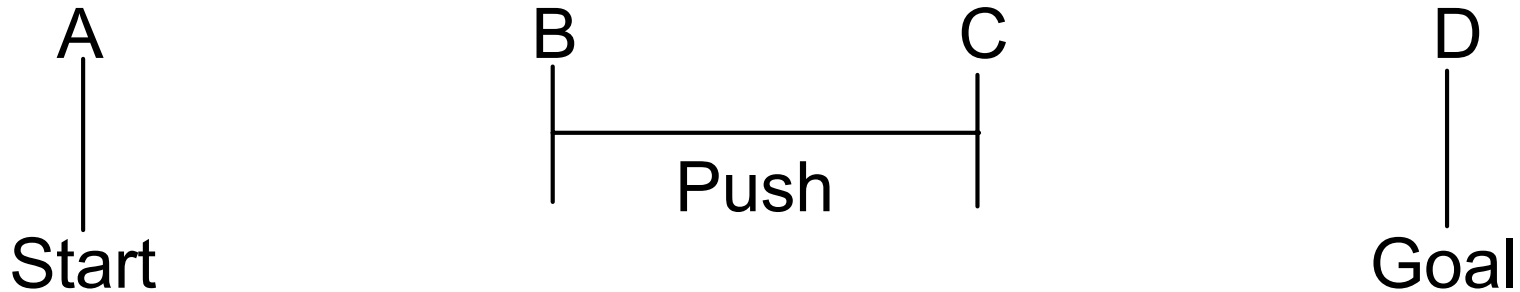
# ตัวอย่างของDifference Table

	Push	Carry	Walk	Pickup	Putdown	Place
Move object	*	*				
Move robot			*			
Clear object				*		
Get object on object						*
Get arm empty					*	*
Be holding object				*		

# Means-Ends Analysis (Example)

---

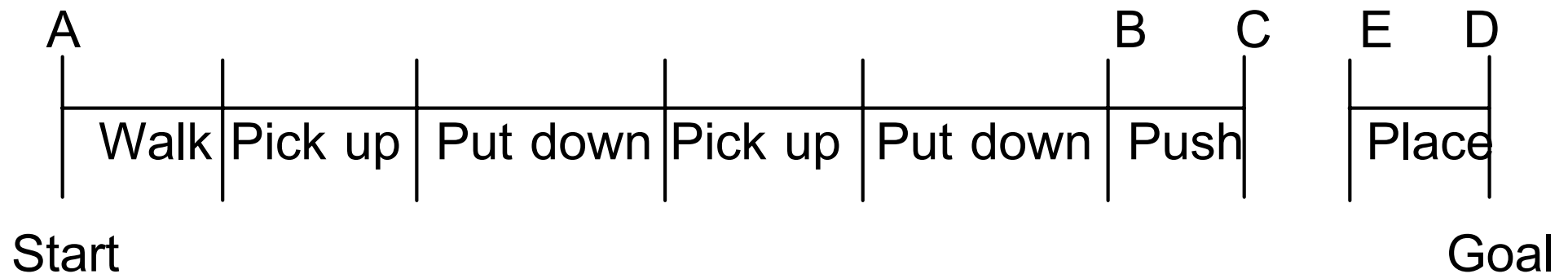
- จากการเลือกPUSH ความแตกต่างระหว่างAกับB และCกับDจะต้องถูกกำจัดให้หมดไป



- ในจำนวน preconditions 4ตัวของPUSHนั้น  $at(robot, desk)$  และ  $clear(desk)$  จะเป็น subgoals ต่อไป
- $at(robot, desk)$  ทำสำเร็จได้โดย WALK
- $clear(desk)$  ทำสำเร็จได้โดย PICKUP,PUTDOWN,PICKUP,PUTDOWN

## Means-Ends Analysis (Example)

- และใช้ PLACE เพื่อย้ายสิ่งของ ซึ่งมี preconditions คือ  $at(robot, desk) \wedge holding(thing1)$   
ที่จุดนี้ความแตกต่างระหว่าง C และ E จะต้องถูกกำจัดต่อไป



- ความแตกต่างระหว่าง C กับ E สามารถกำจัดโดยใช้ WALK, PICKUP และ CARRY

# Means–Ends Analysis (Algorithm)

---

Algorithm : MEA(CURRENT,GOAL)

1. *IF* CURRENT=GOAL *THEN* return success

2. *IF* CURRENT แตกต่างจาก GOAL *THEN*

เลือกความแตกต่างที่สำคัญที่สุดและกำจัดความแตกต่างนั้นโดย

*UNTIL* success or failure *DO*

2.1 เลือก operator  $O$  ที่ยังไม่ได้ลองและสามารถใช้ลดความแตกต่างนี้ได้ ถ้าไม่มีให้คืนค่า failure

2.2 ใช้  $O$  กับ CURRENT โดยสร้าง descriptions ของ 2 states

O-START : state ที่ preconditions ของ  $O$  satisfy

O-RESULT : state ที่จะเกิดถ้าใช้  $O$  กระทำกับ O-START

2.3 *IF* (FIRST-PART  $\leftarrow$  MEA(CURRENT,O-START)) and

(LAST-PART  $\leftarrow$  MEA(O-RESULT,GOAL)) success

*THEN* คืนค่า ผลของ concat FIRST-PART, $O$  และ LAST-PART