

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{2} \left(\sum_{1 \leq j \leq n} n(n+1) - \sum_{1 \leq j \leq n} j^2 + \sum_{1 \leq j \leq n} j \right) && \text{ใช้สมบัติการแจกแจงและการเปลี่ยนหมู่ของ} \\
 & && \text{ผลบวก} \\
 &= \frac{1}{2} \left(n^2(n+1) - S_n + \frac{n(n+1)}{2} \right) && \text{ผลบวกตัวขวาและตัวซ้ายหาไม่ยาก ผลบวก} \\
 & && \text{ตัวกลางก็คือ } S_n \text{ ที่กำลังอยากรจะหา} \\
 &= \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} && \text{คูณ 2 ตลอดแล้วย้าย } -S_n \text{ ไปทางซ้ายจากนั้น} \\
 & && \text{ใช้พีชคณิตพื้นฐานจัดการสมการก็จะได้คำตอบ}
 \end{aligned}$$

สมบัติต่างๆ ของผลบวก $\sum_{k \in K} a_k$ ที่กล่าวมานี้ใช้ได้กับกรณีที่ K เป็นเซตอันดับอนันต์ ในกรณีที่ K เป็นเซตอันดับอนันต์ สมบัติต่างๆ จะใช้ได้เฉพาะกับผลบวกที่มีการลู่เข้าสัมบูรณ์ (absolutely convergent sums) เท่านั้น ซึ่งเป็นกรณีที่ $\sum_{k \in K} |a_k| < \infty$ นั่นคือผลบวกของค่าสัมบูรณ์ของทุกๆ พจน์มีค่าไม่เกินค่าคงตัว c ค่าหนึ่ง (จะขอละไม่แสดงวิธีพิสูจน์)

ตัวอย่างที่ 1-8 จงหาค่าของผลบวก $S = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2^k}$

จากนิยามของ S จะได้ว่า $2S = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2^{k-1}} = \sum_{k=-1}^{\infty} \frac{1}{2^k} = 2 + \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2^k} = 2 + S$ ดังนั้น $S = 2$

ตัวอย่างที่ 1-9 จงหาค่าของผลบวก $S = \sum_{k=0}^{\infty} 2^k$

จากนิยามของ S จะได้ว่า $2S = \sum_{k=0}^{\infty} 2^{k+1} = \sum_{k=1}^{\infty} 2^k = \left(\sum_{k=0}^{\infty} 2^k \right) - 1 = S - 1$ ดังนั้น $S = -1$ แต่เ๊ะมันจะเป็นไปได้อย่างไรที่ผลบวกของจำนวนบวกมากมายเป็นอนันต์ มีค่าติดลบ ที่เป็นเช่นนี้ก็เพราะว่าผลบวก S ที่ต้องการค่าอนันต์ลู่ออก (diverge) จึงไม่สามารถใช้สมบัติการแจกแจงกับผลบวกประเภทนี้ได้ คำตอบที่ได้จึงผิด เนื่องจากเป็นผลบวกลู่ออก ดังนั้นคำตอบที่ได้มีค่าอนันต์